

1 次の各問に答えよ。

〔問1〕 $x(x+1) - (x+1)(2x+1) + 2(x+1)(x-1)$ を因数分解せよ。

〔問2〕 $x:y = 3:4$ のとき、 $2x+y = \frac{5}{6}$ を成り立たせる x, y の値をそれぞれ求めよ。

〔問3〕 $(2 + \sqrt{2})(5 - 2\sqrt{2}) - \frac{\sqrt{6}(1 - 4\sqrt{2})}{\sqrt{3}} - (2\sqrt{3} - \sqrt{2})^2$ を計算せよ。

〔問4〕 1から6までの目が出る大小1つずつのさいころを同時に投げる。

大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とするとき、 $\frac{2a+b}{a}$ が整数になる確率を求めよ。

ただし、さいころの1から6までの目が出る確率はすべて等しいものとする。

〔問5〕 右の図で、線分 BC を底辺とし、頂角の大きさが 45° の二等辺三角形 ABC を1つ、定規とコンパスを用いて作図せよ。

ただし、作図に用いた線は消さないこと。

B _____ C

2 右の図1で、点Oは原点、曲線 f は関数 $y = \frac{1}{3}x^2$ のグラフを表している。

2点P, Qは、それぞれ x 軸上にあり、点Pの x 座標の数は、点Qの x 座標の数より3だけ小さい。

点Pを通り y 軸に平行な直線を ℓ 、点Qを通り y 軸に平行な直線を m とする。曲線 f と直線 ℓ との交点を P' 、曲線 f と直線 m との交点を Q' とする。

2点 P' , Q' を通る直線を n とする。

原点から点 $(1, 0)$ までの距離、および原点から点 $(0, 1)$ までの距離をそれぞれ1cmとして、次の各問に答えよ。

(問1) 点Pの x 座標が-4のとき、直線 n の式を求めよ。

(問2) 右の図2は、図1において、点Pの x 座標が負の数であり、点Qの x 座標が正の数の場合を表している。

直線 n の傾きが $\frac{1}{2}$ のとき、点 Q' の座標を求めよ。

ただし、解答欄には答えだけでなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書け。

(問3) 右の図3は、図1において、点Pと点Qの x 座標がともに正の数の場合を表している。

四角形 $PQQ'P'$ の面積が $\frac{29}{2} \text{ cm}^2$ のとき、点 P' の座標を求めよ。

図1

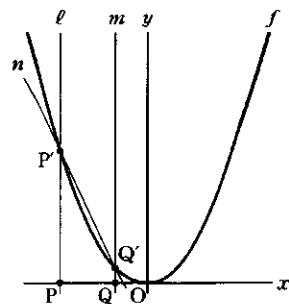


図2

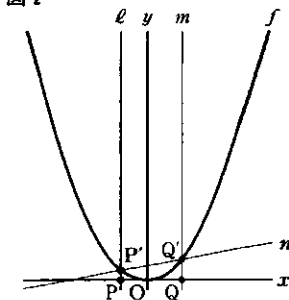
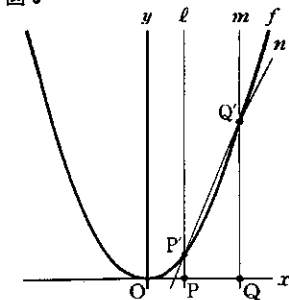


図3



3 右の図に示した立体 $ABCD - EFGH$ は、 $AB = 6 \text{ cm}$, $AD = 4 \text{ cm}$, $AE = 3 \text{ cm}$ の直方体であり、長方形 $ABCD$ の平面上に、線分 AB を直径とする半円 O がある。

点Pは、頂点Aを出発し、半円 O の \widehat{AB} 上を毎秒2 cmの速さで頂点Bまで動く。

ここで、点Pが頂点A, Bを除く \widehat{AB} 上にある場合を考え、頂点Aと点P, 頂点Bと点P, 頂点Eと点P, 頂点Bと頂点Eをそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

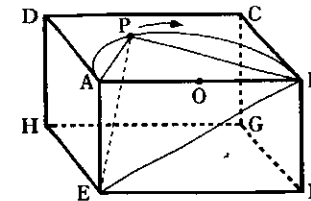
(問1) 三角すい $P-AEB$ の体積が 5 cm^3 になるとき、 $\triangle PAB$ の面積は何 cm^2 か。

(問2) $\triangle AEP$ の面積が $\triangle AEB$ の面積の $\frac{1}{2}$ になるとき、 $\angle PBA$ の大きさは何度か。ただし、解答欄には答えだけでなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書け。

(問3) 三角すい $P-AEB$ の体積がもっとも大きくなる時、次の(1), (2)に答えよ。

(1) 点Pが頂点Aを出発してから何秒後か。ただし、円周率は π とする。

(2) 線分 PE の長さは何cmか。



- 4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は、 $\angle ACB$ が鈍角の三角形である。点Pは辺AB上にあり、頂点A、Bのいずれにも一致しない。

頂点Cと点Pを結ぶ。

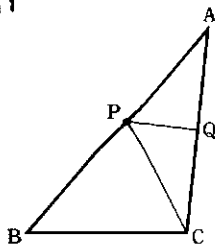
$\angle APC$ の二等分線をひき、辺ACとの交点をQとする。

次の各問に答えよ。

- 〔問1〕 $\angle APQ = \frac{1}{2}\angle ACB$ のとき、

$AP = a$ cm、 $AC = b$ cmとして、線分BPの長さを a と b を用いた式で表せ。

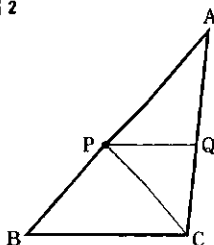
図1



- 〔問2〕 右の図2は、図1において、線分PQが辺BCと平行になった場合を表している。

$\angle BPC$ の大きさを x° 、 $\angle AQP$ の大きさを y° とするとき、 $\angle PCQ$ の大きさを x と y を用いた式で表せ。

図2



- 〔問3〕 右の図3は、図2において、点Qを通り辺ABに平行な直線をひき、辺BCとの交点をR、線分PCとの交点をSとし、頂点Bと点Sを結んだ場合を表している。

$\triangle BRS$ の面積と $\triangle QSC$ の面積が等しいことを証明せよ。

図3

